

補数とは

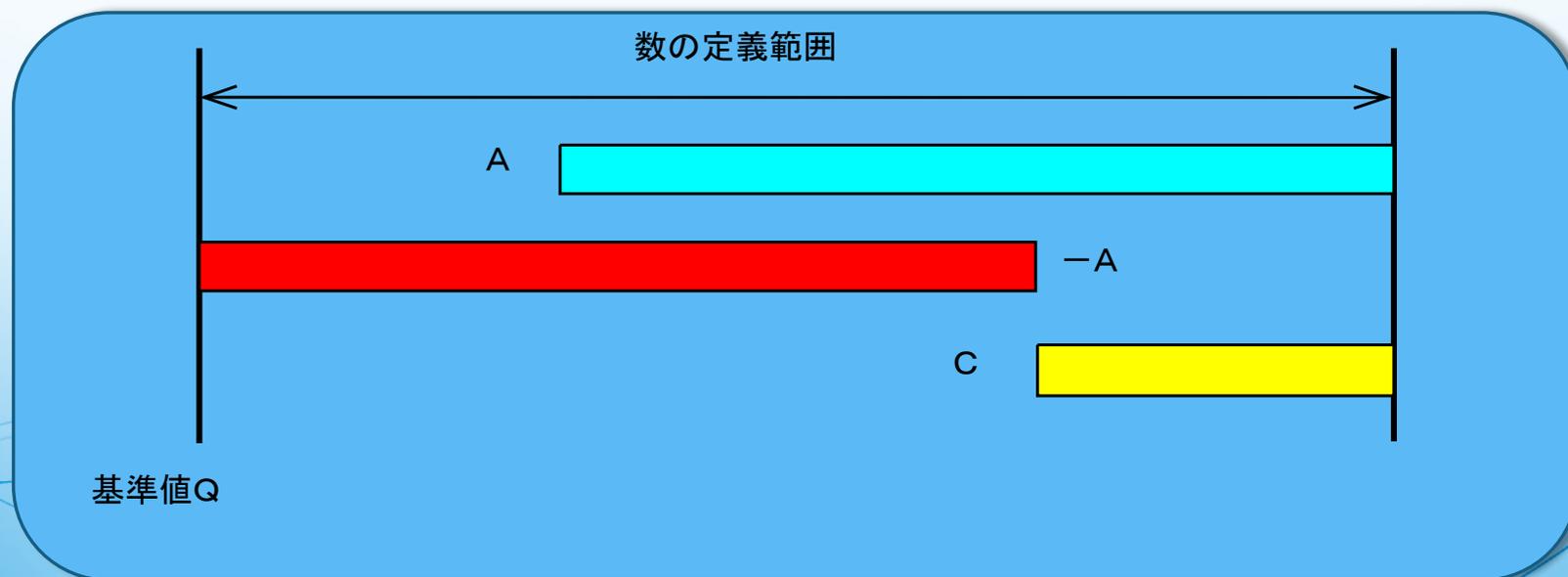
補数の定義

- ① ある基準となる数 Q から、
真数 A を引いた残りの数 C を補数という。
- ② 真数 A の Q に対する補数 C は、
次のようにで表すことができる。

$$A + C = Q \quad \text{あるいは} \quad C = Q - A$$

補数の定義の図解

Q: 基準値 A: 真数 C: 補数



真数と基準値の関係

- ① 真数が1桁の10進数の場合
基準値として10を用いる。
- ② 1桁のある数Aに対する補数Cは次のようになる。

$$C=10-A$$

- ③ 真数の桁数が2、3、4、…、の場合
それぞれの基準値は、100、1000、10000、…、となる。

真数と基準値の関係の例

① 真数が1桁の場合

- ① 基準値は10を使用する。
- ② 真数が2の場合 補数 $C=10-2=8$
- ③ 真数が5の場合 補数 $C=10-5=5$
- ④ 真数が7の場合 補数 $C=10-7=3$

② 真数の最大が2桁の場合

- ① 基準値は100を使用する。
- ② 真数が2の場合 補数 $C=100-2=98$
- ③ 真数が35の場合 補数 $C=100-35=65$
- ④ 真数が67の場合 補数 $C=100-67=33$
- ⑤ 真数が82の場合 補数 $C=100-82=18$

③ 真数の最大が3桁の場合

① 基準値は1000を使用する。

② 真数が2の場合

$$\text{補数 } C = 1000 - 2 = 998$$

③ 真数が35の場合

$$\text{補数 } C = 1000 - 35 = 965$$

④ 真数が367の場合

$$\text{補数 } C = 1000 - 367 = 633$$

⑤ 真数が982の場合

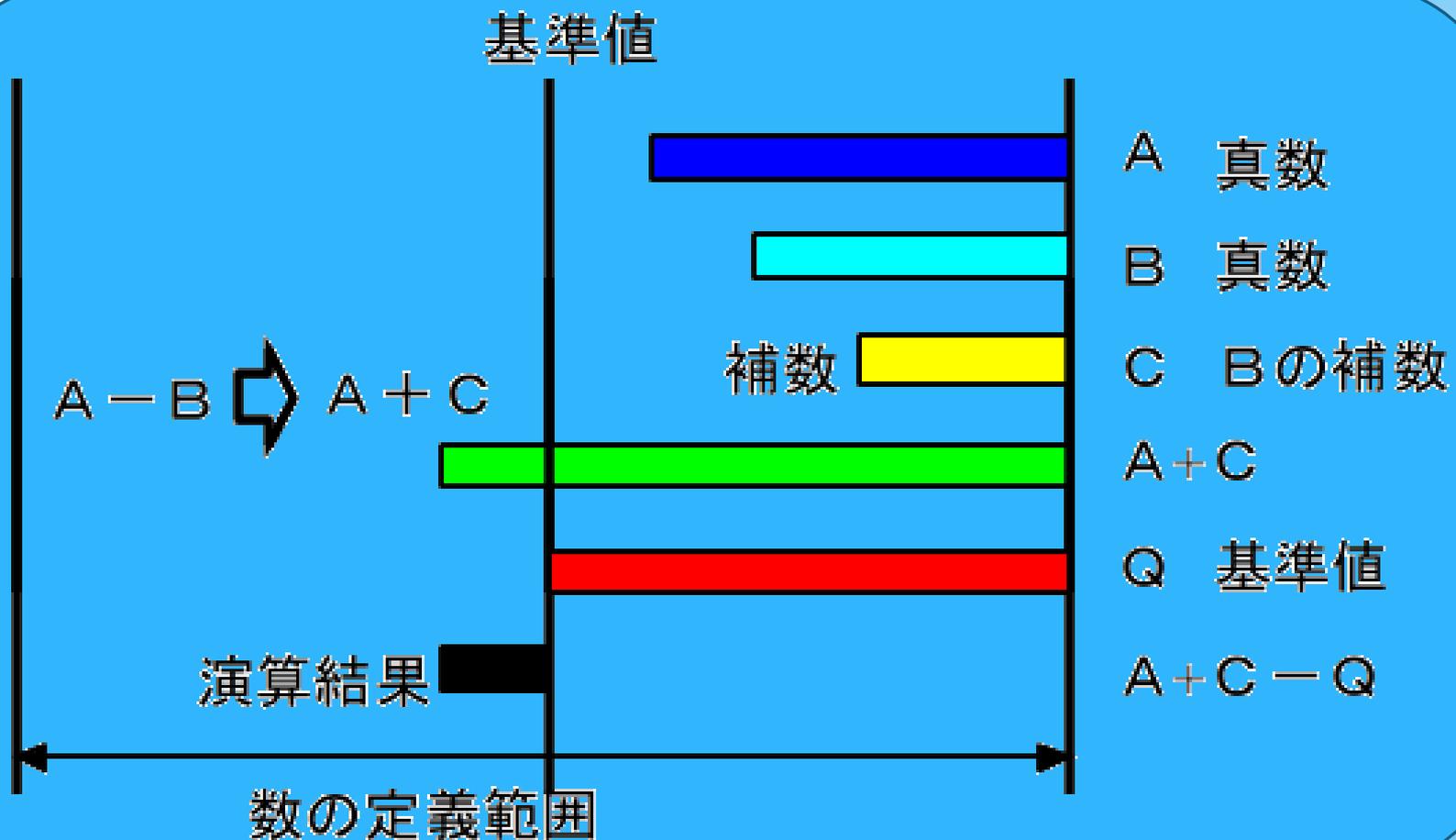
$$\text{補数 } C = 1000 - 982 = 18$$

減算を加算で求める

- ① 補数を用いて、減算を加算で求める。
- ② 真数 X 、 Y を用いて $X - Y = Z$ を計算する場合、
 - ① Y の補数は C であるから、
 - ② $X - Y \rightarrow X + C$ を計算する。
 - ③ 計算結果から基準値を引く。(基準値を無視する)

$$\text{求める答え} = X + C - \text{基準値}$$

減算を加算で求める図解



減算を加算で求める例

① 真数が1桁の $7-4=3$ の場合、

① 4の補数は6であるから、

② $7-4 \rightarrow 7+6=13$

③ ②の結果から基準値10を引き3となる。

$$7-4=7+6-10=3$$

② 真数の最大が2桁の $67 - 24 = 43$ の場合、

① 24の補数は $100 - 24 = 76$ であるから、

② $67 - 24 \rightarrow 67 + 76 = 143$

③ ②の結果から基準値100を引く。

$$67 - 24 = 67 + 76 - 100 = 43$$

③ 真数の最大が3桁の

$512 - 235 = 277$ の場合

- ① 235の補数は
基準値 $1000 - 235 = 765$ となる。
- ② $512 - 235 \rightarrow 512 + 765 = 1277$
- ③ ②の結果から基準値1000を引く。

$$512 - 235 = 512 + 765 - 1000 = 277$$

2進数の補数の定義

8ビットの2進数の2の補数を求める場合

- ① 9ビットの2進数100000000を基準値とする。
- ② 基準値から8ビットの2進数を引く。
- ③ ②の結果が求める補数である。

2進数の補数の例

4ビットの2進数1011の2の補数を求める

- ① 5ビットの2進数10000を基準値とする。
- ② 10000から4ビットの2進数を引く。

$$10000 - 1011 = 0101$$

- ③ 求める補数は 0101 である。

8ビットの2進数01101011の2の補数を求める。

- ① 9ビットの2進数100000000を基準値とする。
- ② 100000000から8ビットの2進数を引く。

$$100000000 - 01101011 = 10010101$$

- ③ 求める補数は 10010101 である。

r進数の補数

① r進数の場合、

① 基準値として次の値を使用する。
(基数rの桁数のべき乗倍) + 1

② 3桁のr進数の場合、
基準値として次の式を用いる。

$$(r^3 + 1) = 1000$$

③ 真数Aに対する補数Cは次の式から計算する。

$$C = 1000 - A$$

② n桁のr進数の場合

① 基準値として $rr\cdots r$ (r の n 乗倍) $+1$ を用いて、

$$rr\cdots r \text{ (} r \text{の} n \text{乗倍)} + 1 = 100\cdots 0 \text{ (} 0 \text{が} n \text{個)}$$

② 真数 A に対する補数 C は次式で計算する。

$$C = (100 \cdots 0) - A$$

③ 具体例

- ① 4桁の4進数2301の補数Cは次のようになる。

$$\text{基準値} = 4444 + 1 = 10000$$

$$C = 10000 - 2301 = 1033$$

- ② 5桁の8進数63047の補数Cは次のようになる。

$$\text{基準値} = 88888 + 1 = 100000$$

$$C = 100000 - 63047 = 14731$$

③ 8桁の8進数25630471の補数Cは次のようになる。

$$\text{基準値} = 88888888 + 1 = 100000000$$

$$C = 100000000 - 62560471 = 15217307$$

④ 8桁の16進数95A32874の補数Cは次のようになる。

$$\text{基準値} = \text{FFFFFFFF} + 1 = 100000000$$

$$C = 100000000 - 95A32874 = 6A5CD78C$$

2進数補数の具体例

① 1ビットの2進数1の2の補数

$C = 10 - 01 = 01$ で、1となる。

② 2ビットの2進数10の2の補数

$C = 100 - 10 = 10$ で、10となる。

③ 2ビットの2進数11の2の補数

$C = 100 - 11 = 01$ で、01となる。

同様にして、

④ 3ビットの2進数101の2の補数

$$C = 1000 - 101 = 011、\text{となる。}$$

⑤ 4ビットの2進数1010の2の補数

$$C = 10000 - 1010 = 0110、\text{となる。}$$

⑥ 4ビットの2進数1001の2の補数

$$C = 10000 - 1001 = 0111、\text{となる。}$$

4進数補数の具体例

① 4ビットの4進数2031の補数

$$C = 10000 - 2031 = 1303$$

② 6ビットの4進数310213の補数

$$C = 1000000 - 310213 = 023121$$

$$\begin{array}{r} 10000 \\ - 2031 \\ \hline 1303 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1000000 \\ - 310213 \\ \hline 023121 \end{array}$$

③ 8ビットの4進数10132013の補数

$$C = 100000000 - 10112013 = 23221321$$

$$\begin{array}{r} 100000000 \\ - \quad \underline{10112013} \\ \quad 23221321 \end{array}$$

8進数補数の具体例

① 4ビットの8進数6201の補数

$$C = 10000 - 6201 = 1577$$

② 6ビットの8進数231015の補数

$$C = 1000000 - 231015 = 546763$$

$$\begin{array}{r} 10000 \\ - 6201 \\ \hline 1577 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1000000 \\ - 231015 \\ \hline 546763 \end{array}$$

③ 8ビットの4進数40112013の補数

$$\begin{aligned} C &= 100000000 - 40112013 \\ &= 37665765 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 100000000 \\ - 40112013 \\ \hline 37665765 \end{array}$$

2進数整数の2の補数の求め方

① 2進数の各桁のビットを反転する。

1のビットは0に反転 $0 \rightarrow 1$

0のビットは1に反転 $1 \rightarrow 0$

② ①で求めた2進数の最下位のビットに1を加算する。

2進数整数の2の補数の求め方の図

8ビットの2進数10110101の例

10110101
 ↓ 反転
01001010

01001010
+ 1

01001011

2進数の1の補数

2進数の各桁のビットを反転した2進数を1の補数という。

1の補数は2進数の各桁において、1から各桁のビットを減じた値が各桁の値となる。

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\ -\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0 \end{array}$$

小数を含む2進数2の補数の求め方

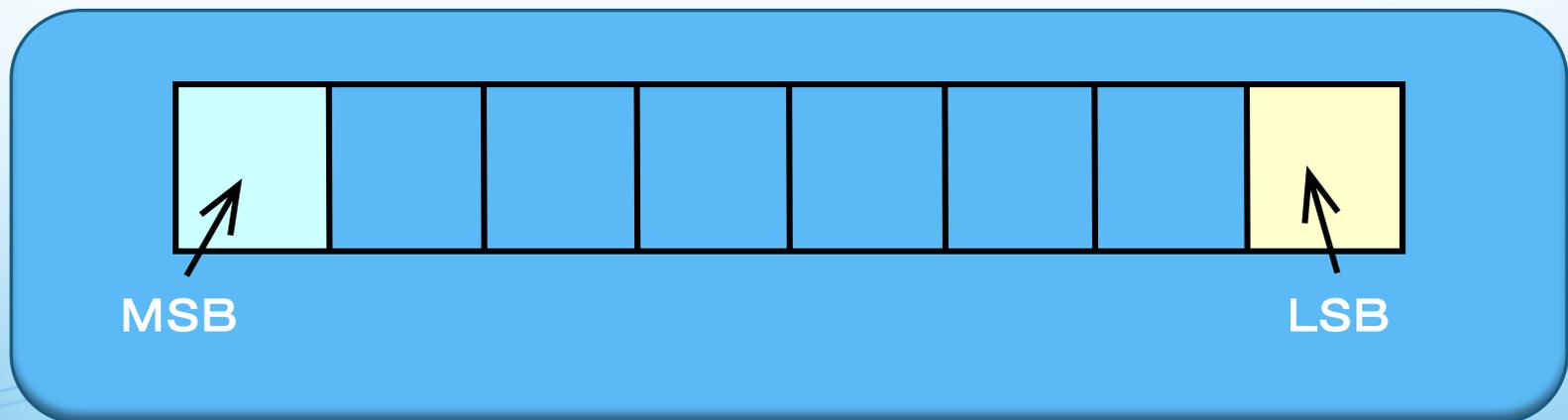
- ① 小数点位置に関係なく
絶対値の最下位の位置から順に、
次の②～④によって2の補数の各桁を求める。
- ② 最下位からの0の連なり(連続する0)は
そのまま0にしておく。
- ③ 最初の1の桁はそのまま1にする。
- ④ その次の上位桁からは、1を0に、0を1に反転する。

2進数2の補数の求め方のまとめ

- ① 絶対値のLSBから順に
2の補数の各ビットを②～④によって求める。
- ② LSBから連続する0をそのままにしておく。
- ③ 最初に出現する1もそのままにしておく。
- ④ その次のビットからは各ビットを反転させる。

LSBとMSB

2進数の最も左のビットをMSB、最も右のビットをLSBという。



2進数2の補数の求め方の例

8ビットの整数

および小数を含む2進数の補数の求め方を次に示す。

① 01110100の2の補数を求める。

```
01110100
          ↓
10001100
```

LSBから連続する0はそのまま最初の1もそのままにする

② 0110.1001の2の補数を求める。

```
0110.1001
  ↓      ↓
1001.0111
```

r進数の補数を求める手順

- ① 小数点位置に無関係に、
絶対値の最下位位置から順に、
次の②～④によってrの補数の各桁を得る。
- ② 最下位からの0の連なりはそのままにしておく。
- ③ 最初の0でない最下位桁をrから減算し、
rの補数のその桁を得る。
- ④ その次の上位桁からは、
($r-1$)から各桁を減算し、補数の各桁を得る。

r 進数の $(r-1)$ の補数

- ① r 進数の $(r-1)$ の補数表現は
次のいずれかの方法で求める。
 - ① r の補数表現の最下位桁から1を減算する
 - ② 各桁の $(r-1)$ の値から
元の r 進数の各桁の値を
減算すれば得られる。
- ② 次ページに2進数の具体例1、具体例2を示す。

具体例1

- ① 8ビットの2進数10110101の
2の補数は次のようになる。

01001011

- ② 1の補数は最下位桁から1を減じて、次のようになる。

01001010

具体例2

- ① 8ビットの2進数11111111から
2進数10110101を減算する

$$11111111 - 10110101 = 01001010$$

- ② 8ビットの1の補数は 01001010 となる。

10進数の補数を求める手順

- ① 小数点位置に無関係に、
絶対値の最下位位置から順に、
次の②～④によって10の補数の各桁を得る。
- ② 最下位からの0の連なりはそのままにしておく。
- ③ 最初の0でない最下位桁を10から減算し、
10の補数のその桁を得る。
- ④ その次の上位桁からは、
9から各桁を減算し、補数の各桁を得る。

具体例

- ① 10進数の642の9の補数は、
 $999 - 642 = 357$ となる。

9の補数	999	10の補数	1000
	-642		-642
	<hr/>		<hr/>
	357		358

- ② 10進数の642の10の補数は、
 $1000 - 642 = 358$ となる。

③ 10進数64200の10の補数は、次のようになる。

$$100000 - 64200 = 35800$$

④ 10進数64200の9の補数は、次のようになる。

$$99999 - 64200 = 35799$$

ある数Nの絶対値が同じで、 符号が異なる補数

① 符号が異なる $r-1$ の補数は、

- ① 各桁の $r-1$ の補数を求め
- ② 最上位の左に $(r-1)$ の数値を付加する
(負数の符号)

② 符号が異なる r の補数は

- ① $r-1$ の補数の最下位の桁に1を加えて
- ② 最上位の左に $(r-1)$ の数値を付加する
(負数の符号)

具体例1

10進数の -312.14 の9の補数、
10の補数は次のようになる。

① $999.99 - 312.14 = 687.85$

② 先頭に9を付加して 9687.85 (9の補数)

③ $9687.85 + 0.01 = 9687.86$

具体例2

負数の補数を求める基準値は、
正数の補数を求めた基準値よりも1桁大きい
基準値を使用して求めればよいことになる。

- ① 10進数234の補数は次のようになる。

$$1000 - 234 = 766$$

- ② 10進数-234の補数は次のようになる。

$$10000 - 234 = 9766$$